

11.  $\int \cos^5 (3 - 3x) dx$

12.  $\int 2x \sen^4 (x^2 - 1) dx$

13.  $\int e^{2x} \cos^2 (e^{2x} - 1) dx$

14.  $\int \sen^3 2\theta \cos^4 2\theta d\theta$

15.  $\int \sen^3 (1 - 2\theta) \cos^3 (1 - 2\theta) d\theta$

16.  $\int \sen^{19} (t - 1) \cos (t - 1) dt$

17.  $\int \frac{1}{\theta} \tg^3 (\ln \theta) d\theta$

18.  $\int \tg^3 x \cos^4 x dx$

19.  $\int \cos^4 x dx$

20.  $\int \tg^4 x dx$

21.  $\int \frac{\sen^2 x}{\cos^4 x} dx$

22.  $\int 15 \sen^5 x dx$

23.  $\int 15 \sen^2 x \cos^3 x dx$

24.  $\int 48 \sen^2 x \cos^4 x dx$

25.  $\int \cos^6 3x dx$

26.  $\int \frac{-3 \cos^2 x}{\sen^4 x} dx$

27.  $\int \sen 3x \cos 5x dx$

28.  $\int \tg^2 5x dx$

29.  $\int \sen \omega t \sen (\omega t + \theta) dt$

30.  $\int \frac{\cos^3 x}{\sen^4 x} dx$

31.  $\int \sec^4 t \cotg^6 t \sen^8 t dt$

32.  $\int \frac{x}{\sqrt{x^2 - 1}} \tg^3 \sqrt{x^2 - 1} dx$

33.  $\int \sec^3 (1 - 4x) dx$

34.  $\int \cosec^4 (3 - 2x) dx$

35.  $\int x \cotg^2 (x^2 - 1) \cosec^2 (x^2 - 1) dx$

36. Verificar as fórmulas de recorrência (8), (9) e (10) da Seção 7.2.11.

37. Verificar as fórmulas:

$$(a) \int \operatorname{tg}^n u \, du = \frac{1}{n-1} \operatorname{tg}^{n-1} u - \int \operatorname{tg}^{n-2} u \, du$$

$$(b) \int \operatorname{cotg}^n u \, du = \frac{-1}{n-1} \operatorname{cotg}^{n-1} u - \int \operatorname{cotg}^{n-2} u \, du$$

38. Calcular a área limitada pela curva  $y = \cos x$ , pelas retas  $x = \frac{\pi}{2}$  e  $x = \frac{3\pi}{2}$  e o eixo dos  $x$ .
39. Calcular a área limitada por  $y = 2|\sin x|$ ,  $x = 0$ ,  $x = 2\pi$  e o eixo dos  $x$ .
40. Calcular a área da região limitada por  $y = \operatorname{tg}^3 x$ ,  $y = 1$  e  $x = 0$ .
41. Calcular a área sob o gráfico de  $y = \cos^6 x$ , de 0 até  $\pi$ .
42. Calcular a área sob o gráfico de  $y = \sin^6 x$ , de 0 até  $\pi$ .
43. Calcular a área sob o gráfico de  $y = \sin^3 x$ , de 0 até  $\pi$ .
44. Calcular a área entre as curvas  $y = \sin^2 x$  e  $y = \cos^2 x$ , de  $\frac{\pi}{4}$  até  $\frac{3\pi}{4}$ .

Nos exercícios de 45 a 67, calcular a integral indefinida.

$$45. \int \frac{dx}{x^2 \sqrt{x^2 - 5}}$$

$$46. \int \frac{dt}{\sqrt{9 - 16t^2}}$$

$$47. \int \frac{x^3}{\sqrt{x^2 - 9}} dx$$

$$48. \int (1 - 4t^2)^{3/2} dt$$

$$49. \int x^2 \sqrt{4 - x^2} dx$$

$$50. \int x^3 \sqrt{x^2 + 3} dx$$

$$51. \int \frac{5x + 4}{x^3 \sqrt{x^2 + 1}} dx$$

$$52. \int (x + 1)^2 \sqrt{x^2 + 1} dx$$

$$53. \int \frac{t^5}{\sqrt{t^2 + 16}} dt$$

$$54. \int \frac{e^x}{\sqrt{e^{2x} + 1}} dx$$

55.  $\int \frac{x^2}{\sqrt{2-x^2}} dx$

56.  $\int \frac{e^x}{\sqrt{4-e^{2x}}} dx$

57.  $\int \frac{x+1}{\sqrt{x^2-1}} dx$

58.  $\int \frac{\sqrt{x^2-1}}{x^2} dx$

59.  $\int \frac{\sqrt{1+x^2}}{x^3} dx$

60.  $\int \frac{(x+1)}{\sqrt{4-x^2}} dx$

61.  $\int \frac{(6x+5)}{\sqrt{9x^2+1}} dx$

62.  $\int \frac{(x+3)}{\sqrt{x^2+2x}} dx$

63.  $\int \sqrt{4-x^2} dx$

64.  $\int \sqrt{x^2-4} dx$

65.  $\int \sqrt{4+x^2} dx$

66.  $\int (\sqrt{1+x^2} + 2x) dx$

67.  $\int \left( \operatorname{sen} x + \frac{x^2}{\sqrt{1+x^2}} \right) dx$

Nos exercícios de 68 a 72, calcular a integral definida.

68.  $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{3x^2+2}}$

69.  $\int_0^{a/2b} \sqrt{a^2 - b^2 x^2} dx, \quad 0 < a < b$

70.  $\int_1^2 \frac{dt}{t^4 \sqrt{4+t^2}}$

71.  $\int_{\sqrt{2}}^{\sqrt{3}} \frac{dt}{t^2 \sqrt{9t^2+16}}$

72.  $\int_6^7 \frac{dt}{(t-1)^2 \sqrt{(t-1)^2 - 9}}$